**III. Fogalmak**:

Egy literál egy Boolean változó, amit pozitív literálnak, vagy a negáltját a Boolean változónak negatív literálnak nevezzük. Literálokra példa:

Egy klóz literálok halmaza. Egy klóz halmaz, pedig egy halmaz klóz. Egy SAT probléma is egy klóz halmaz. Egy hozzárendelés egy literál halmaz. Egy klózban vagy hozzárendelésben egy változó feltűnhet pozitív, vagy negatív literálként, de egyszerre mindkettőként nem-, vagy lehet, hogy egyáltalán nem fordulhat elő.

A klózok literáljaik diszunkciójaként vannak értelmezve. A hozzárendelések pedig literáljaik conjukciójaként vannak értelmezve.

Ha egy klóz vagy egy hozzárendelés pontosan *k* literált tartalmaz, akkor k-klóznak, vagy k-hozzárendelésnek nevezzük. Egy 1-klózt *egységnek*, egy 2-klózt *bináris klóz*nak nevezünk. Egy k-SAT probléma egy olyan klóz halmaz, ahol a klózoknak legfeljebb k literálja van. Egy klóz a klóz halmazból egy teljes-hosszú klóz akkor és csak akkor, ha tartalmaz minden változót a klóz halmazból.

Definiálunk néhány kiegészítő függvényt. Ha C egy klóz, akkor legyen V(C) azon változók halmaza, ami feltűnik C-ben. Legyen N(C) a negatív literálok halmaza C-ből, és legyen P(C) a pozitív literálok halmaza C-ből. Tudjuk hogy , és .

Két intuitív fogalmat használunk: NNP klóz, és NPP klóz. Egy klóz akkor és csak akkor NNP klóz, ha pontosan egy pozitív literált tartalmaz. Egy klóz akkor és csak akkor NPP klóz, ha pontosan egy negatív literált tartalmaz.

Ha *a* egy literál az *S* klóz halmazban, és literál nincs benne *S*-ben, akkor azt mondjuk, hogy *a* egy tiszta literál *S*-ben.

A negációja *H* halmaznak -val van jelölve, ami azt jelenti, hogy *H* minden eleme negálva van. Vegyük figyelembe, hogy .

Legyen V klóz halmazból vett változók halmaza. Azt mondjuk, hogy WW a *fehér klóz*, vagy a *fehér hozzárendelés* a V változóira, akkor és csak akkor, ha WW = V. Azt mondjuk, hogy BB a *fekete klóz* vagy a *fekete hozzárendelés*, V változóira, akkor és csak akkor, ha BB = . Például ha , akkor , és .

Azt mondjuk, hogy C *magába foglalja* D klózt, akkor és csak akkor, ha C részhalmaza D-nek.

Azt mondjuk, hogy S klóz halmaz *magába foglalja* C-t, akkor és csak akkor, ha S-ben van olyan klóz, ami magába foglalja C-t. Alakian: .

Azt mondjuk, hogy C klózzal *jár* S klóz halmaz, akkor és csak akkor, ha minden teljes hosszú klóz, amit *magába foglal* C azt S is *magába foglalja*. A logikai értelmezése ennek a fogalomnak a következő: C-vel jár S, akkor és csak akkor, ha C egy logikai következménye S-nek. Magába foglalt klózokat beleértvevagy másképpen, a magába foglalt klózok is vele járnak.

Azt mondjuk, hogy C klóz független S klóz halmazban, akkor és csak akkor, ha C-vel nem jár S\{C}. Egy teljes hosszú klóz független egy klóz halmazban, akkor és csak akkor, ha semmi nem foglalja magába.

Azt mondjuk, hogy M hozzárendelés egy megoldás S klóz halmazra nézve, akkor és csak akkor, ha minden -re igaz .

Azt mondjuk, hogy S klóz halmaz egy Fekete-Fehér SAT probléma, akkor és csak akkor, ha csak két megoldása van a fehér (WW) és a fekete (BB) hozzárendelés.

Azt mondjuk, hogy A és B klóz halmazok egyenlőek, akkor és csak akkor, ha mindkettőnek az a megoldás halmaza. Azt mondjuk, hogy A klóz halmazzal jár B klóz halmaz, akkor és csak akkor, ha A-hoz tartozó megoldások halmaza tartalmazza a B-hez tartozó megoldás halmazt. Azaz A-nak nem lehet más megoldása, csak B. Ez a fogalom így van jelölve . Vegyük figyelembe, ha A magába foglalja B minden klózát, akkor .

Azt mondjuk, hogy A erősebb B-nél, akkor és csak akkor, ha és A és B nem egyenlőek. Ez a fogalom így van jelölve .

A felépítés egy irányított gráfot eredményez, ahol a csúcsok halmaza, és az élek halmaza. Egy él rendezett csúcsok párosa. Az (a, b) élet az –vel ábrázoljuk, és mondhatjuk, hogy *a*-nak ven egy gyermeke *b*. Ha (a, b) egy elme az -nek, akkor azt mondjuk hogy (a, b) egy éle D-nek.

Azt mondjuk, hogy D egy kommunikációs gráf, akkor és csak akkor, ha minden a-ra -ben igaz hogy (a, a) nincs benne -ben, és ha x eleme -nek, akkor ben lehet eleme. Szükségünk van erre a megszorításra, mert D-ből egy logikai formulát generálunk. Ha kommunikációs gráfokról beszélünk, akkor gyakran használjuk a csúcs kifejezést a csomópont szinonimája ként (vagy éppen fordítva).

Egy út -től -ig a D irányított gráfban olyan csúcsok sorrendje , ami minden egyes -re igaz, hogy egy éle D-nek. Egy út -től -ig D irányított gráfban egy *kör*, akkor és csak akkor, ha egy éle D-nek. Az kört a rekord ábrázolja. Ez a rekord használható elemek halmazaként. Vegyük figyelembe, hogy ebben az ábrázolásában a körnek az első és az utolsó eleme nem lehet ugyan az a csúcs.

Ha van egy körünk, akkor b egy kilépési pontja, akkor és csak akkor, ha valamennyi -re igaz, hogy egy él, és .

Egy irányított gráf teljes, akkor és csak akkor, ha minden pár külön álló csúcsokból össze van kötve egy pár egyedi éllel (eggyel minden irányba). Egy irányított gráf erősen összetett, vagy erősen irányított gráf, akkor és csak akkor, ha van út minden csúcsból minden más csúcsba. Vegyük figyelembe, hogy a teljes gráf egyben erős is. És azt is hogy az erősen irányított gráf tartalmaz egy kört, ami tartalmaz minden csúcsot.